



با سمه تعالی

ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۳/۲۳	تعداد صفحه: ۳	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
نام و نام خانوادگی:	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	رشته: ریاضی فیزیک	پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۰ مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir			

ردیف	نمره	سوالات (پاسخ نامه دارد)
------	------	-------------------------

استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی و رادیکال) مجاز است.

۱	<p>جاهای خالی را با عبارات مناسب پر کنید.</p> <p>اسکالار باشد، حاصل دترمینان ماتریس برابر..... است.</p> <p>ب) اگر صفحه P با مولد d موازی باشد و از راس سطح مخروطی عبور کند، در این صورت فصل مشترک صفحه P و سطح مخروطی یک است.</p> <p>پ) در بیضی، در حالتی که $\frac{c}{a} = \frac{b}{d}$ بیضی به تبدیل می شود.</p> <p>ت) در فضای R^3، نقطه $(-5, -2, -3)$ در ناحیه (کنج) دستگاه مختصات قرار دارد.</p>	۱	
۱	<p>درستی و نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) اگر A و B دو ماتریس هم مرتبه و r یک عدد حقیقی دلخواه و مخالف صفر باشد، و $rA = rB$ آن گاه داریم: $A = B$.</p> <p>ب) مکان هندسی مرکزهای همه دایره هایی در صفحه که بر خط d در نقطه ثابت A مماس اند، یک نیم خط عمود بر خط d در نقطه A است.</p> <p>پ) در یک سهمی، هر شعاع نوری که موازی با محور سهمی به بدنه سهمی بتابد، بازتاب آن از کانون سهمی خواهد گذشت.</p> <p>ت) اگر زاویه بین دو بردار مخالف صفر، منفرجه باشد، آنگاه ضرب داخلی آنها یک عدد حقیقی مثبت است.</p>	۲	
۱	<p>دو ماتریس A و B مفروض اند، اگر A یک ماتریس قطری باشد، حاصل AB را محاسبه کنید.</p> $B = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 \\ m & 0 & n \\ 3 & -1 & 2 \end{bmatrix} \quad A = \begin{bmatrix} 2 & m-2 & 0 \\ 0 & 3 & 0 \\ n+1 & 0 & 3 \end{bmatrix}$	۳	
۱/۵	<p>اگر $2A = \begin{vmatrix} A & -4 \\ 1 & A \end{vmatrix}$ باشد، در این صورت حاصل $A ^{-1}$ را بیابید.</p>	۴	
۱	<p>جواب دستگاه زیر را در صورت وجود، با استفاده از ماتریس وارون بیابید.</p> $\begin{cases} 3x - 4y = 7 \\ 2x + y = 1 \end{cases}$	۵	
	<p>«ادامه سوالات در صفحه دوم»</p>		

ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۳/۲۳	تعداد صفحه: ۳	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
نام و نام خانوادگی:	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	رشته: ریاضی فیزیک	پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۰ مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir			

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۶	معادله دایره ای را بنویسید که مرکز آن $O'(2, 1)$ بوده و بر خط $3x + 4y - 5 = 0$ مماس باشد.	۱
۷	وضعیت دایره $x^2 + y^2 - 2x - 2y + 9 = 0$ با مرکز مبدأ مختصات و شعاع یک را نسبت به هم مشخص کنید.	۱/۵
۸	$OF = c, OB = b, OA = a$ در شکل مقابل اگر $a^2 = b^2 + c^2$ باشد، ثابت کنید:	۱
۹	نقطه M روی بیضی به اقطار ۱۰ و ۶ واحد به گونه ای قرار دارد، که فاصله آن تا مرکز بیضی برابر ۴ واحد است. الف) نشان دهید مثلث $MF'F$ قائم الزوایه است. ب) طول MF را به دست آورید. (F, F' کانون های بیضی هستند و $MF < MF'$).	۱/۵
۱۰	اگر نقطه $A(2, 3)$ رأس سهمی و $y = 7$ معادله خط هادی سهمی باشد الف) معادله سهمی را به دست آورید. ب) مختصات کانون سهمی را بیابید	۱/۲۵
۱۱	در یک دیش مخابراتی به شکل سهمی با دهانه دایره ای به قطر ۶۰ واحد و گودی (عمق) ۹ واحد مفروض است فاصله کانونی این دیش را به دست آورید.	۰/۷۵
۱۲	به سوالات زیر پاسخ دهید. الف) اگر $y = b$ معادله صفحه ای در فضای R^3 باشد که از نقطه $A(-3, 4, 2)$ بگذرد، مقدار عددی b چقدر است؟ ب) معادلات $\begin{cases} x = 0 \\ y = 0 \end{cases}$ مربوط به کدام محور در دستگاه مختصات R^3 است? پ) در فضای R^3 ، نقطه A به عرض ۲ و ارتفاع ۳ روی صفحه yz و نقطه $B(-3, -6, 4)$ مفروض آند مختصات وسط AB را بیابید.	۱/۵
	«ادامه سوالات در صفحه سوم»	

ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۳/۲۳	تعداد صفحه: ۳	سوالات امتحان نهايی درس : هندسه ۳
نام و نام خانوادگی :	مدت امتحان: ۱۳۵ دقيقه	رشته: رياضي فيزيك	پايه: دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۰ مرکز سنجش و پايش كيفيت آموزشی http://aee.medu.ir			

ردیف	نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد)
۱۳	۱/۵	اگر $(\vec{a}, \vec{b}, \vec{c})$ باشند آنگاه تصویر قائم بردار $\vec{a} = (-1, 1, 4)$ و $\vec{b} = (3, -4, 2)$ ، $\vec{c} = (1, -3, 4)$ را به دست آوريد.
۱۴	۱/۲۵	اگر \vec{a} و \vec{b} و \vec{c} بردارهایی باشند به ترتیب باطول های ۱ و ۲ و ۳ باشند و بیزگی که $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = \vec{0}$ ، مقدار عددی عبارت $\vec{a} \cdot \vec{b} + \vec{b} \cdot \vec{c} + \vec{c} \cdot \vec{a}$ را به دست آورید.
۱۵	۱/۲۵	ثابت کنید: دو بردار غیر صفر \vec{a} و \vec{b} با هم موازی هستند، اگر و فقط اگر $\vec{a} \times \vec{b} = \vec{0}$.
۱۶	۲	سه بردار $\vec{a} = (2, 3, 1)$ و $\vec{b} = (-1, 1, 0)$ و $\vec{c} = (2, 1, -2)$ مفروض آند. الف) برداری عمود بر دو بردار \vec{a} و \vec{b} را به دست آورید. ب) حجم متوازی السطوحی که توسط سه بردار \vec{a} و \vec{b} و \vec{c} تولید می شود را به دست آورید.
	۲۰	موفق و سر بلند باشید جمع نمره

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۳/۲۳		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۰	
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف
۱	ت) ۶ (۰/۲۵) پ) دایره (۰/۲۵)	ب) خط (۰/۲۵) الف) ۸ (۰/۲۵)	۱
۱	ت) نادرست (۰/۲۵) پ) درست (۰/۲۵)	ب) نادرست (۰/۲۵) الف) درست (۰/۲۵)	۲
۱	$\begin{cases} m - 2 = 0 \\ n + 1 = 0 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} m = 2 & (۰/۲۵) \\ n = -1 & (۰/۲۵) \end{cases}$ $AB = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 2 & 0 & -1 \\ 2 & -1 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & 2 & 2 \\ 6 & 0 & -3 \\ 6 & -3 & 6 \end{bmatrix} (۰/۵)$		۳
۱/۵	$ 2A = (\underbrace{ A ^2}_{(۰/۵)} + 4) \rightarrow (\underbrace{ A - 2)^2}_{(۰/۲۵)} = 0 \rightarrow A = 2 \quad (۰/۲۵)$ $ A^{-1} = \underbrace{\frac{1}{ A }}_{(۰/۲۵)} = \frac{1}{2} \quad (۰/۲۵)$		۴
۱	$A = \begin{bmatrix} 3 & -4 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \underbrace{\frac{1}{3+8} \begin{bmatrix} 1 & 4 \\ -2 & 3 \end{bmatrix}}_{(۰/۵)} \begin{bmatrix} 7 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix} \quad (۰/۲۵)$		۵
۱	$r = \frac{ 3(2) + 4(1) + 5 }{\sqrt{4^2 + 3^2}} = \frac{15}{5} = 3 \quad (۰/۵)$ $(x-2)^2 + (y-1)^2 = 9 \quad (۰/۵)$	فاصله مرکز دایره تا خط مماس بر دایره برابر است با :	۶
۱/۵	$x^2 + y^2 - 6x - 2y + 9 = 0 \Rightarrow (x-3)^2 + (y-1)^2 = 1 \quad (۰/۵)$ $O' = (3, 1), r' = 1$ $d \geq r + r' = 2 \quad (۰/۲۵)$ $d = OO' = \sqrt{(3-0)^2 + (1-0)^2} = \sqrt{10} \quad (۰/۵)$	فاصله دو مرکز برابر دو دایره بیرون یکدیگرند (متقارجند) .	۷

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۳/۲۳		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۰	
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف
۱	$\text{BF} = \text{BF}' \quad (1)$ <p>نقطه B روی عمود منصف پاره خط FF' قرار دارد درنتیجه: فاصله هر نقطه روی بیضی از دو کانون برابر است با قطر بزرگ بیضی:</p> $(0/25) \quad \text{BF} + \text{BF}' = 2a \xrightarrow{(1)} \text{BF} = \text{BF}' = a$ <p>بنابراین $\text{BOF} = \text{BOF}'$ داریم:</p> $\text{OF} + \text{OB} = \text{BF} \xrightarrow{(0/25)} c + b = a \quad (0/25)$		۸
۱/۵	$\begin{cases} 2a = 10 \rightarrow a = 5 \\ 2b = 6 \rightarrow b = 3 \end{cases} \quad (0/25) \rightarrow a' = b' + c' \rightarrow c = 4 \quad (0/25)$ <p>(الف)</p> <p>در مثلث MFF' میانه وارد بر یک ضلع روبرو است. در نتیجه مثلث MFF' قائم الزاویه است. $(0/25)$</p> <p>(ب)</p> $\text{MF} + \text{MF}' = 2a = 10 \rightarrow \text{MF}' = 10 - \text{MF} \quad (0/25)$ $\text{MF}' + \text{MF}'' = \text{FF}' \rightarrow \underbrace{\text{MF}' + (10 - \text{MF})}_{(0/25)} = 8 \rightarrow \text{MF} = 5 - \sqrt{7} \quad (0/25)$		۹
۱/۲۵	<p>(الف) با استفاده از جایگاه رأس و خط هادی سهمی قائم در دستگاه مختصات خواهیم داشت: $a = 4$</p> <p>دهانه سهمی روبه پایین است و معادله آن برابر است با $(x-2)^2 = -4(y-3)$ $(0/5)$</p> <p>(ب) مختصات کانون سهمی برابر است با $F = (2, -1)$ $(0/5)$</p>		۱۰
۰/۷۵	<p>اگر قطر دهانه دیش را با $2b$ و گودی را با h نمایش دهیم. فاصله کانونی برابر $a = \frac{4b^2}{16h}$ است.</p> $a = \frac{(2b)(2b)}{16h} = \frac{60 \times 60}{16(9)} = 25 \quad (0/5)$ <p>اگر رابطه فوق به صورت $a = \frac{b^2}{4h} = \frac{(30)^2}{4(9)} = 25$ $(0/75)$ نوشته شود درست است.</p>		۱۱
۱/۵	<p>(الف) $b = -3$ $(0/5)$</p> <p>(ب) نقطه $A = (0, 2, 3)$ و مختصات وسط AB برابر است با: $(-2, 4, 0)$ $(0/25)$</p>		۱۲
۱/۵	$\vec{b} + \vec{c} = (2, -3, 6) \quad (0/5), \quad \vec{a}' = \underbrace{\frac{\vec{a} \cdot (\vec{b} + \vec{c})}{ \vec{b} + \vec{c} }}_{(0/25)} (\vec{b} + \vec{c}) = \frac{35}{49} (2, -3, 6) \quad (0/75)$		۱۳

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۳/۲۳		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۰	
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف
۱/۲۵	$\left \vec{a} + \vec{b} + \vec{c} \right ^2 = \vec{0} ^2 \quad (0/25) \Rightarrow \vec{a} ^2 + \vec{b} ^2 + \vec{c} ^2 + 2(\vec{a} \cdot \vec{b} + \vec{b} \cdot \vec{c} + \vec{c} \cdot \vec{a}) = 0 \quad (0/5) \Rightarrow$ $1+4+9+2(\vec{a} \cdot \vec{b} + \vec{b} \cdot \vec{c} + \vec{c} \cdot \vec{a}) = 0 \quad (0/25) \Rightarrow (\vec{a} \cdot \vec{b} + \vec{b} \cdot \vec{c} + \vec{c} \cdot \vec{a}) = -7 \quad (0/25)$	۱۴	
۱/۲۵	$\vec{a} \times \vec{b} = \vec{0} \Leftrightarrow \underbrace{ \vec{a} \times \vec{b} }_{0/25} = \vec{0} \Leftrightarrow \underbrace{ \vec{a} \parallel \vec{b} }_{0/25} \times \sin \theta = 0 \quad \rightarrow \vec{a} \neq 0, \vec{b} \neq 0$ $\underbrace{\sin \theta}_{0/25} = 0 \Leftrightarrow \underbrace{\theta}_{0/25} = 0 \vee \underbrace{\theta}_{0/25} = \pi \Leftrightarrow \vec{a} \parallel \vec{b} \quad (0/25)$		۱۵
۲	$\underbrace{(-2\vec{b}) \times \vec{c}}_{(0/25)} = \underbrace{(2, -2, 0)}_{(0/25)} \times (2, 1, -2) = \underbrace{(4, 4, 6)}_{(0/5)}$ $\text{الف) برداری عمود بر دو بردار } -2\vec{b} \text{ و } \vec{c} \text{ برابراست با:}$ $\text{ب) حجم متوازی السطوح تولید شده توسط سه بردار } \vec{a} \text{ و } \vec{b} \text{ و } \vec{c} \text{ برابراست با:}$ $\left \underbrace{(\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}))}_{(0/25)} \right = \left (2, 3, 1) \cdot \underbrace{(-2, -2, -3)}_{(0/5)} \right = \underbrace{13}_{(0/25)}$	۱۶	
۲۰	" مصحح گرامی، به راه حل‌های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود"		