

دبيرستان غیر دولتی فاخران نوبت اول دی ماه سال ۱۴۰۱

ردیف	سوالات	بارم
۱	<p><b>درستی</b> <input checked="" type="checkbox"/> <b>یا نادرستی</b> <input type="checkbox"/> هر کدام از عبارتهای زیر را مشخص کنید.</p> <p>(الف) گزاره <math>(p \wedge \sim q) \vee (\sim p \vee q)</math> یک گزاره همیشه درست است.</p> <p>(ب) هر جمله خبری یک گزاره است.</p> <p>(ج) اگر <math>45</math> مضرب <math>5</math> باشد آن گاه <math>41</math> عدد مرکب است.</p> <p>(د) <math>5</math> فرد یا اول باشد اگر و تنها اگر جذر <math>49</math> برابر <math>7</math> باشد.</p>	
۲	<p><b>گزینه درست را انتخاب کنید</b></p> <p>(الف) اگر <math>q</math> نادرست و <math>p \sim</math> درست باشد گزاره <math>\sim p \Rightarrow q \sim</math> معادل کدام گزاره است؟</p> <p><math>\sim p \wedge \sim q</math> (۴)      <math>p \vee q</math> (۳)      <math>\sim p \vee q</math> (۲)      <math>p \vee \sim q</math> (۱)</p> <p>(ب) مجموعه <math>A = \{m \in Z \mid m^2 \leq 1\}</math> با کدام یک از زیر مجموعه های زیر برابر است؟</p> <p><math>\{x \mid x \in Z, x^3 = x\}</math> (۲)      <math>\{m^2 \mid m \in Z,  m  &lt; 2\}</math> (۱)</p> <p><math>\{x \mid x \in Z,  x  \geq 1\}</math> (۴)      <math>\{x \in Z \mid m^3 + 2m = 3m^2\}</math> (۳)</p> <p>(پ) کدامیک از گزینه های زیر یک افزار برای مجموعه <math>A = \{1, 2, 3, 4, 5\}</math> است؟</p> <p>{۱, ۲}, {۴, ۵} (۲)      {۱}, {۲}, {۳}, {۴} (۱)      {۱}, {۲, ۳}, {۴, ۵} (۴)      {۱}, {۲, ۳, ۴}, {۴, ۵} (۳)</p> <p>(ت) اگر دو عضو به اعضای مجموعه <math>A</math> اضافه کنیم ، تعداد زیر مجموعه های آن <math>48</math> واحد افزایش می یابد . مشخص کنید <math>A</math> چند زیر مجموعه دو عضوی دارد؟</p> <p>۱ (۴)      ۳ (۳)      ۱۰ (۲)      ۶ (۱)</p>	
۳	<p><b>جاهای خالی را با کلمات و عبارات مناسب تر کنید.</b></p> <p>(الف) ب) ترکیب دوشرطی زمانی درست است که .....  <math>A = \dots \subseteq X, A' \subseteq X'</math> باشد آنگاه .....  (ب) اگر مجموعه .....دو گزاره فقط وقتی دارای ارزش درست است که هر دو گزاره ارزش درست داشته باشد  (پ) ترکیب .....دو گزاره فقط وقتی دارای ارزش درست است که هر دو گزاره ارزش درست داشته باشد  (ت) <math>A = \{1, 2, 3, 4\}</math> دارای .....افراز ۳ بخشی می باشد</p>	

صفحه دوم سوالات

۱/۵

ارزش گزاره های زیر را بیان کنید

۴

الف) اگر ۹ مربع کامل است آنگاه  $\sqrt{9}$  مربع کامل است

پ) افلاطون شاگرد ارسسطو است یا ۲ عددی اول است

ب) عدد  $1 + 3^n$  یک عدد اول است

۲

$$(p \vee \neg q) \Leftrightarrow p$$

جدول ارزش گزاره ها رارسم کنید

۵

$$p \wedge (p \Rightarrow q)$$

۱

نقیض گزاره های زیر را تعیین کنید

۶

الف) اگر  $a$  زوج باشد آنگاه  $a+1$  فرد است

ب)  $3^n$  عددی اول است یا عدد  $\pi$  گویا است

۱

اگر  $p$  گزاره ای درست و  $q$  گزاره ای نادرست، و  $r$  گزاره ای داخواه باشد ارزش گزاره های مرکب زیر را مشخص کنید

۷

$$(r \Rightarrow p) \Rightarrow q \quad (\neg p \vee q) \Leftrightarrow \neg(p \vee q)$$

۱

گزاره های زیر را با استفاده از نمادهای  $\forall$  و  $\exists$  بنویسید

۸

الف) حاصل جمع هر عدد حقیقی ناصفر با معکوسش. بزرگتر یا مساوی ۳ است

۱

$$(p \wedge \neg q) \vee (p \Rightarrow q) \equiv T$$

ثابت کنید

۹

ب) برای بعضی از مقادیر حقیقی داریم  $X = x^5$

مدت امتحان : ۱۱۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۱	پایه : یازدهم ریاضی	سوالات امتحان درس : آمار و احتمال
	تعداد صفحه: ۳	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۷	نام و نام خانوادگی :

## دیارستان غیر دولتی فاخران نوبت اول دی ماه سال ۱۴۰۱

۱	$\exists y \in R : y < 0 \wedge y^3 < 1$	ارزش گزاره سوری زیر را تعیین کنید	۱۰
۱/۵	$A = \{n - n^3 \mid n \in N\}$ (ب)	دامنه‌ی متغیر گزاره نماهای زیر داده شده است مجموعه جواب هریک را بیابید الف) مربع کامل است و $D = Z$	۱۱
۱	$(A \cap B) \cup (A - B) = A$	به کمک جبر مجموعه‌ها ثابت کنید	۱۲
۱/۵		الف) بافرض $\{1, 2\} = A$ مجموعه‌ی $A^2$ را با نوشتن اعضا مشخص کنید. ب) نمودار مجموعه‌ی $(1, 2) \times (-2, 1)$ را دستگاه مختصات رسم کنید.	۱۳
۱/۵		سه شناگر $a, b, c$ با هم مسابقه می‌دهند. شانس برنده شدن $a$ سه برابر $b$ و شانس برنده شدن $b$ دو برابر $c$ می‌باشد. الف) شانس برنده شدن هریک را بیابید. ب) احتمال اینکه $b$ یا $c$ برنده شوند چقدر است.	۱۴
۱/۵		سکه‌ای را سه بار پرتاب می‌کنیم. میدانیم که دست کم یک بار پشت آمده است در این صورت الف) فضای نمونه‌ای آزمایش را بنویسید ب) احتمال اینکه هر سه بار پشت آمده باشد چقدر است.	۱۵
۱/۵		عددی به تصادف از بین اعداد ۱ تا ۱۰۰۰ انتخاب می‌کنیم احتمال‌های زیر را محاسبه کنید. الف) عدد انتخابی بر ۲ یا ۵ بخش پذیر باشد. ب) عدد انتخابی نه بر ۲ و نه بر ۵ بخش پذیر باشد.	۱۶