

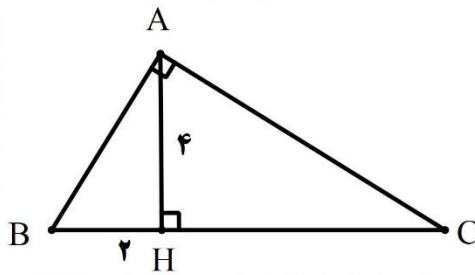
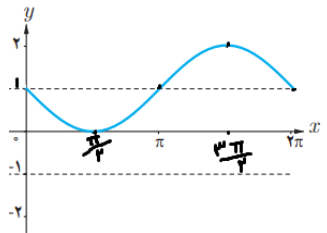
رشته : علوم تجربی	ساعت شروع: ۱۶ عصر	پایه: یازدهم دوره دوم متوسطه	سوالات امتحان هماهنگ درس: ریاضی ۲
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحات: ۲	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۳/۰۸	نام و نام خانوادگی:
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.gov.ir">http://aee.medu.gov.ir</a>		دانش آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت خردادماه سال ۱۴۰۲	

بارم	ردیف	سوال (پاسخ نامه دارد) (استفاده از ماشین حساب ساده مجاز می باشد.)
۱/۲۵	-۱	<p>گزینه ی مناسب را تعیین کنید.</p> <p>الف) فاصله نقطه <math>A(2, -2)</math> از خط <math>3x + 4y - 6 = 0</math> کدام است؟</p> <p>(A) <math>-\frac{4}{5}</math> (B) <math>\frac{4}{5}</math> (C) <math>\frac{8}{5}</math> (D) <math>\frac{6}{5}</math></p> <p>ب) در هر مثلث هر پاره خطی که وسط دو ضلع را به هم وصل می کند ..... ضلع سوم است.</p> <p>(A) موازی (B) مساوی (C) موازی و مساوی نصف (D) موازی و مساوی</p> <p>پ) اگر نسبت مساحت های دو مثلث متشابه برابر <math>\frac{4}{25}</math> باشد نسبت نیمساز های آن ها برابر ..... است.</p> <p>(A) <math>\frac{16}{625}</math> (B) <math>\frac{2}{5}</math> (C) <math>\frac{4}{5}</math> (D) <math>\frac{4}{50}</math></p> <p>ت) برد تابع <math>f(x) = [x]</math> کدام است؟</p> <p>(A) اعداد حقیقی (B) اعداد گویا (C) اعداد طبیعی (D) اعداد صحیح</p> <p>ث) اگر A و B دو پیشامد مستقل باشند آنگاه کدام گزینه صحیح است؟</p> <p>(A) <math>P(A \cap B) = P(A) \times P(B)</math> (B) <math>P(A \cap B) = P(S)</math> (C) <math>A \cap B = \emptyset</math> (D) <math>A \cap B = A \times B</math></p>
۱/۷۵	-۲	<p>الف) اگر <math>A(2, 4)</math> و <math>B(4, -2)</math> دو سر قطر یک دایره باشند، مختصات مرکز دایره را بیابید.</p> <p>ب) معادله روبرو را حل کنید.</p> $\sqrt{2-x} = x$
۲	-۳	<p>الف) حکم کلی زیر را با مثال نقض رد کنید.</p> <p>به ازای هر عدد طبیعی n، مقدار عبارت <math>n^2 + n + 41</math> عددی اول است.</p> <p>ب) در مثلث قائم الزاویه ABC به رأس قائمه ی A، اگر ارتفاع وارد بر BC باشد و <math>AH = 4 \text{ cm}</math> و <math>BH = 2 \text{ cm}</math> آنگاه اندازه ی HC و BA را بدست آورید.</p>
۰/۵	-۴	اگر $f(x) = 3x + 5$ باشد مقدار $f^{-1}(8)$ را تعیین کنید.
۱/۷۵	-۵	اگر $f(x) = \frac{x+2}{x-1}$ و $g(x) = x^2 - 4$ باشد ضابطه و دامنه ی تابع $\frac{f}{g}$ را تعیین کنید.
۱/۵	-۶	نمودار تابع $y = -\sin x + 1$ را در فاصله ی $[0, 2\pi]$ رسم کنید و مقدار ماکسیمم و می نیمم نمودار را تعیین کنید.
۱/۵	-۷	حاصل عبارت مقابل را بیابید: $A = \sin 120^\circ - \cos 150^\circ$

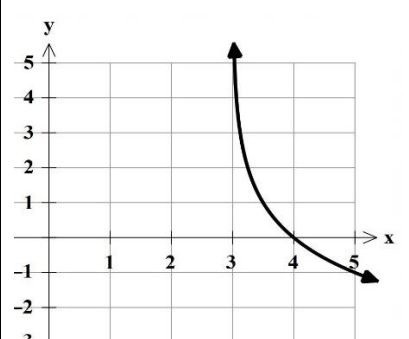
رشته: علوم تجربی	ساعت شروع: ۱۶ عصر	پایه: یازدهم دوره دوم متوسطه	سوالات امتحان هماهنگ درس: ریاضی ۲
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحات: ۲	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۳/۰۸	نام و نام خانوادگی:
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.gov.ir">http://aee.medu.gov.ir</a>		دانش آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت خردادماه سال ۱۴۰۲	

۱	نمودار تابع $y = -\log_2^{x-3}$ را رسم کنید.	-۸
۲	معادلات نمایی و لگاریتمی زیر را حل کنید. الف) $3^{x-2} = \frac{1}{27^x}$ ب) $\log(x+3) + \log x = 1$	-۹
۰/۵	اگر $\log 2 \approx 0.3$ و $\log 3 \approx 0.48$ آنگاه حاصل $\log 12$ را بیابید.	-۱۰
۱	باتوجه به نمودار حاصل را بیابید. $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) - 3 \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) + 3 f(-1) =$ 	-۱۱
۱	مقدار حد های زیر را در صورت وجود تعیین کنید. الف) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 2x}{x^2 - 9}$ ب) $\lim_{x \rightarrow 14.2^-} [x]$ ج) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \cos x$	-۱۲
۱/۵	مقادیر <b>a</b> و <b>b</b> را چنان تعیین کنید که تابع زیر در نقطه ی $x = -1$ پیوسته باشد. $f(x) = \begin{cases} -1 & x < -1 \\ ax + b & x = -1 \\ x^2 - b & x > -1 \end{cases}$	-۱۳
۱/۲۵	فرض کنید در یک سال احتمال قهرمانی تیم ملی فوتبال ایران در آسیا برابر ۰/۵ و احتمال قهرمانی تیم ملی والیبال ایران در آسیا برابر ۰/۶ باشد. با چه احتمالی حداقل یکی از دو تیم قهرمان خواهد شد؟	-۱۴
۱/۵	ضریب تغییرات داده های مقابل را تعیین کنید. ۱ و ۳ و ۵ و ۷	-۱۵
۲۰	جمع بارم موفق باشید.	

ساعت شروع: ۱۶ عصر	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح سوالات امتحان هماهنگ درس: ریاضی ۲
تعداد صفحات: ۲	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۳/۰۸	پایه: یازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.gov.ir">http://aee.medu.gov.ir</a>		دانش آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت <b>خردادماه</b> سال ۱۴۰۲
بارم	راهنمای تصحیح	

۱/۲۵	هر مورد (۰.۲۵)	A(ث) D(ت) B(پ) C(ب)	۱
۱/۷۵		$O \text{ مرکز دایره } \begin{cases} x_0 = \frac{2+4}{2} = 3 \\ y_0 = \frac{4+(-2)}{2} = 1 \end{cases}$ $2 - x = x^2 \rightarrow x^2 + x - 2 = 0 \rightarrow (x+2)(x-1) = 0$ $\rightarrow \begin{cases} x = -2 & \text{غ ق ق} \\ x = 1 & \text{ق ق ق} \end{cases}$	۲ الف) (۰.۷۵) ب) (۱)
۲		 <p>الف) کفایت <math>n=41</math> یا مضرب ۴۱ انتخاب شود. (۰.۵) ب) هر مورد (۰.۷۵)</p> $AH^2 = BH \cdot HC \rightarrow 4^2 = 2 \times HC \rightarrow HC = 8$ $AB^2 = 2^2 + 4^2 = 20 \rightarrow AB = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$	۳
۰/۵		$3x + 5 = 8 \rightarrow x = 1 \rightarrow (1, 8) \in f \rightarrow f^{-1}(8) = 1$	۴
۱/۷۵		$\frac{f}{g}(x) = \frac{f(x)}{g(x)} = \frac{\frac{x+2}{x-1}}{x^2-4} = \frac{x+2}{(x-1)(x^2-4)} = \frac{1}{(x-1)(x-2)}$ <p>۰/۲۵</p> $D_{\frac{f}{g}} = D_f \cap D_g - \{x   g(x) = 0\} = (R - \{1\}) \cap R - \{2, -2\} = R - \{1, 2, -2\}$ <p>۰/۲۵</p>	۵
۱/۵		<p>مقدار می نیمم = ۰ (۰.۲۵)</p> <p>مقدار ماکسیمم = ۲ (۰.۲۵)</p> <p>رسم نمودار دقیق انمره</p> 	۶
۱/۵		$A = \sin(90^\circ + 30^\circ) - \cos(180^\circ - 30^\circ) = \cos 30^\circ - (-\cos 30^\circ) = \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3}$ <p>(۰.۵)</p>	۷

ساعت شروع: ۱۶ عصر	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح سوالات امتحان هماهنگ درس: ریاضی ۲
تعداد صفحات: ۲	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۳/۰۸	پایه: یازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.gov.ir">http://aee.medu.gov.ir</a>		دانش آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت <b>خردادماه</b> سال ۱۴۰۲
بارم	راهنمای تصحیح	
ردیف		

۱	<p>رسم دقیق نمودار ۱ نمره</p> <p>انتقال ۳ واحد به راست تابع <math>y = \log_3 x</math> و سپس قرینه نسبت به محور Xها</p> 	۸
۲	$3^{x-2} = \frac{1}{(3^3)^x} = 3^{-3x} \rightarrow x - 2 = -3x \rightarrow x = \frac{1}{2}$ <p>(۰.۵) (۰.۵)</p> $\log(x+3)x = 1 \rightarrow (x^2 + 3x) = 10 \rightarrow x^2 + 3x - 10 = 0 \rightarrow \begin{cases} x = -5 \text{ ق ق} \\ x = 2 \text{ ق ق} \end{cases}$ <p>(۰.۲۵) (۰.۲۵) (۰.۵)</p>	۹ (الف) (ب)
۰.۵	$\log 2^2 \times 3 = 2 \log 2 + \log 3 = 2 \times 0.3 + 0.48 = 1.08$	۱۰
۱	هر مورد ۰.۲۵ $3 - 3(-1) + 3(1) = 9$	۱۱
۱	الف $= \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x(x-3)}{(x+3)(x-3)} = \frac{3}{3+3} = \frac{1}{2}$ (۰.۵) ب) ۱۴۰۱ (۰.۲۵) ج) $\cos \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$ (۰.۲۵)	۱۲
۱/۵	مقدار تابع = حد چپ = حد راست شرط پیوستگی $f(-1) = a(-1) + b = -a + b$ (۰.۲۵) $\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow -1^-} (-1) = -1$ (۰.۲۵) $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow -1^+} x^2 - b = (-1)^2 - b = 1 - b$ (۰.۲۵) $\begin{cases} 1 - b = -1 \rightarrow b = 2 & (۰.۲۵) \\ -a + b = -1 \xrightarrow{b=2} -a + 2 = -1 \rightarrow a = 3 & (۰.۵) \end{cases}$	۱۳
۱/۲۵	$P(A) = 0.5$ پیشامد قهرمانی تیم ملی فوتبال $P(B) = 0.6$ پیشامد قهرمانی تیم ملی والیبال $P(A \cap B) = 0.5 \times 0.6 = 0.3$ مستقل (۰.۵) $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) = 0.5 + 0.6 - 0.3 = 0.8$ (۰.۷۵)	۱۴

ساعت شروع: ۱۶ عصر	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح سوالات امتحان هماهنگ درس: ریاضی ۲
تعداد صفحات: ۲	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۳/۰۸	پایه: یازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.gov.ir">http://aee.medu.gov.ir</a>		دانش آموزان روزانه سراسر کشور در نوبت <b>خردادماه</b> سال ۱۴۰۲
بارم	راهنمای تصحیح	
ردیف		

۱/۵	$\bar{X} = \frac{1+3+5+7}{4} = \frac{16}{4} = 4 \quad (0.25)$ $\delta^2 = \frac{(1-4)^2 + (3-4)^2 + (5-4)^2 + (7-4)^2}{4} = \frac{20}{4} = 5 \quad (0.5)$ $\delta = \sqrt{5} \quad (0.25)$ $C.V = \frac{\delta}{\bar{X}} = \frac{\sqrt{5}}{4} \quad (0.5)$	۱۵
۲۰	همکاران مصحح: لطفاً به راه حل های صحیح به تناسب بارم، نمره تعلق گیرد.	

در نهایت، نظر همکاران محترم صائب است.